

التمرين 1 :

- A ، B و C ثلاث نقط من المستوي لواحقتها على الترتيب : $-1+i$ ، $\frac{3}{2}-\frac{1}{2}i$ و $1+3i$.
 (1) عين لاحقة النقطة D حتى يكون الرباعي $ABCD$ موازي أضلاع .
 (2) عين لاحقة النقطة I مركز ثقل موازي أضلاع $ABCD$.

التمرين 2 :

اكتب الأعداد المركبة الآتية على الشكل المثلثي :

$$z_3 = 3 \left(-\cos \frac{\pi}{4} + i \sin \frac{\pi}{4} \right) \quad (3) \quad z_2 = 3 \left(\cos \frac{\pi}{4} - i \sin \frac{\pi}{4} \right) \quad (2) \quad z_1 = -3 \left(\cos \frac{\pi}{4} + i \sin \frac{\pi}{4} \right) \quad (1)$$

$$(\text{ناقش حسب قيم } \alpha \text{ من } [0 ; 2\pi]) \quad z_5 = 1 + \cos \alpha + i \sin \alpha \quad (5) \quad z_4 = 3 \left(\sin \frac{\pi}{4} + i \cos \frac{\pi}{4} \right) \quad (4)$$

التمرين 3 :

المستوي المركب منسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس $(O; \vec{u}, \vec{v})$.
 عيّن ، في كل حالة مما يلي ، الإجابة الصحيحة مع التبرير .

(أ)	(ب)	(ج)	
حلا واحدا	عددا غير منته من الحلول	حليين	(1) المعادلة $z = \overline{-z}$ ذات المجهول z ، تقبل :
$\frac{\pi}{12}$	$\frac{\pi}{4}$	$\frac{\pi}{3}$	(2) للعدد المركب $\frac{1+i\sqrt{3}}{1+i}$ عمدة هي :
$e^{i\frac{\pi}{3}}$	$e^{-i\frac{\pi}{6}}$	$e^{-i\frac{\pi}{3}}$	(3) الكتابة الأسية للعدد المركب $\frac{1}{2} - i\frac{\sqrt{3}}{2}$ هي :
$-\frac{1}{2} - i\frac{\sqrt{3}}{2}$	$\frac{1}{2} + i\frac{\sqrt{3}}{2}$	$-\frac{1}{2} + i\frac{\sqrt{3}}{2}$	(4) الشكل الجبري للعدد $\left(\frac{1}{2} - i\frac{\sqrt{3}}{2}\right)^{2014}$ هو :
$\sqrt{12}e^{-i\frac{\pi}{12}}$	$\sqrt{3}e^{i\frac{7\pi}{12}}$	$\sqrt{3}e^{i\frac{13\pi}{12}}$	(5) إذا كان $z_1 = \sqrt{6}e^{i\frac{\pi}{4}}$ و $z_2 = \sqrt{2}e^{-i\frac{\pi}{3}}$ فإن الكتابة الأسية للعدد $i\frac{z_1}{z_2}$ هي :
\vec{BD} و \vec{AD} متعامدان .	$ABCD$ متوازي أضلاع	\vec{CD} و \vec{AB} متوازيان .	(6) إذا كانت A ، B ، C و D نقط من المستوي المركب لواحقتها : -1 ، $1+2i$ ، 3 و $-3i$ على الترتيب فإن :
قائم	متساوي الساقين	مقاييس الأضلاع	(7) إذا كانت $a = 3+i\sqrt{3}$ ، $b = 1+i\sqrt{3}$ ، $c = 1-i\sqrt{3}$ لواحق النقط A ، B و C على الترتيب فإن المثلث ABC :

التمرين 4 :

المستوي المركب منسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس $(O; \vec{u}, \vec{v})$.
 عيّن مجموعة النقط M من المستوي ذات اللاحقة z في كل حالة من الحالات الآتية :

$$|z + 1 - 2i| \leq \sqrt{5} \quad (4) \quad |\bar{z} + i| = 4 \quad (3) \quad |z + 1 - i| = 3 \quad (2) \quad |z - 3| = |z + i| \quad (1)$$

$$\arg(iz) = -\frac{\pi}{4} \quad (8) \quad \arg(\bar{z}) = \frac{\pi}{4} \quad (7) \quad \arg(z) = \frac{\pi}{4} \quad (6) \quad \sqrt{2}|z + 1| = |(1+i)z - 4| \quad (5)$$

$$\arg(z^2) = \frac{\pi}{3} \quad (11) \quad \arg\left(\frac{z+1}{z-i}\right) = \frac{\pi}{6} \quad (10) \quad \arg\left(\frac{z+1}{z-i}\right) = \frac{\pi}{2} \quad (9)$$

$$(z \text{ العدد الحقيقي } k \text{ يسمح المجموعة } \mathbb{R}_+) \quad z = i + k e^{i\frac{\pi}{4}} \quad (12)$$

$$(z \text{ العدد الحقيقي } \theta \text{ يسمح المجموعة } \mathbb{R}) \quad z = i + 2 e^{i\theta} \quad (13)$$

التمرين 5 : (Bac S Métropole juin 2011)

في المستوي المركب المنسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس $(O; \vec{u}, \vec{v})$ ، نعتبر النقط A, B, C و D التي لواحقها على الترتيب: $z_A = 1, z_B = i, z_C = -1$ و $z_D = -i$.
عيّن، في كل حالة مما يلي، الإجابة الصحيحة أو الإجابات الصحيحة مع التبرير.

(1) مجموعة النقط M ذات اللاحقة z بحيث $|z+i| = |z-1|$ هي:

- (أ) محور القطعة $[BC]$.
(ب) منتصف القطعة $[BC]$.
(ج) الدائرة التي مركزها O ونصف قطرها 1.
(د) محور القطعة $[AD]$.

(2) مجموعة النقط ذات اللاحقة z بحيث يكون العدد $\frac{z+i}{z+1}$ تخيليا صرفا هي:

- (أ) المستقيم (CD) ماعدا النقطة C .
(ب) الدائرة التي قطرها $[CD]$ ماعدا النقطة C .
(ج) الدائرة التي قطرها $[BD]$ ماعدا النقطة C .
(د) محور القطعة $[AB]$.

(3) مجموعة النقط ذات اللاحقة z بحيث يكون $\arg(z-i) = -\frac{\pi}{2} + 2k\pi$ مع $k \in \mathbb{Z}$ هي:

- (أ) نصف الدائرة التي قطرها $[BD]$ وتمرّ بالنقطة A . (ب) الدائرة التي قطرها $[BD]$ ماعدا النقطتين B و D .
(ج) المستقيم (BD) . (د) نصف المستقيم $[BD]$ الذي مبدؤه B ويشمل D ماعدا النقطة B .

التمرين 6 :

r عدد حقيقي موجب تماما و θ عدد حقيقي ينتمي إلى المجال $[0; \pi]$. نعتبر الأعداد المركبة:

$$z_0 = r(-\cos\theta + i \sin\theta), \quad z_1 = r^2(\sin\theta + i \cos\theta), \quad \text{و} \quad z_2 = \sqrt{3}(1+i)$$

(1) اكتب كلا من z_0, z_1 و z_2 على الشكل المثلثي.

(2) أ- عيّن العددين الحقيقيين r و θ بحيث يكون: $z_1 = \overline{z_0}$.

ب- عيّن عندئذ قيم العدد الطبيعي n التي من أجلها يكون: $\left(\frac{z_0}{z_1}\right)^n$ عددا حقيقيا.

(3) نضع: $r=1$ و $\theta = \frac{\pi}{3}$.

في المستوي المركب المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس $(O; \vec{u}, \vec{v})$ ، نعتبر النقط A, B, C التي لواحقها: z_0, z_1 و z_2 على الترتيب.

أ- عيّن لاحقة النقطة G مرجح الجملة المثقلة: $\{(A; 2), (B; 2), (C; -1)\}$.

ب- عيّن مجموعة النقط M من المستوي حيث: $\|2\vec{MA} + 2\vec{MB} - \vec{MC}\| = 3$.