

سلسلة استعداد للباكوريا رقم (01)

السنة الدراسية: 2008/2007

المستوى : الثالثة ثانوي

الشعبة : علوم تجريبية + رياضيات

عداد الأستاذ
حليلات عمارة

و تقني رياضي

المحور: المتتاليات العددية والاستدلال بالتراجع

التمرين (01) : نعتبر المتتالية العددية (u_n) المعرفة كما يلي :

$$u_1 = 1 \quad , \quad u_{n+1} = \frac{1}{2}(u_n^2 - 2u_n + 4)$$

1/ احسب u_2 و u_3 . 2/ بين أن المتتالية (u_n) متزايدة .

3/ بين أن : $u_{n+1} = \frac{1}{2}(u_n - 1)^2 + \frac{3}{2}$ ثم برهن أن (u_n) محدودة من الأعلى بالعدد 2

4/ استنتج أن (u_n) متقاربة واحسب نهايتها

التمرين (02) : نعتبر المتتالية العددية $(u_n)_{n \geq 1}$ المعرفة كما يلي :

$$\begin{cases} u_1 = 1 \\ u_{n+1} = \sqrt{u_n + 2} \end{cases}$$

1/ برهن بالتراجع أنه من أجل كل عدد طبيعي n غير معدوم ، $0 \leq u_n \leq 2$.

2/ بين أن المتتالية $(u_n)_{n \geq 1}$ متزايدة و ماذا تستنتج ؟

$$3/ \text{ أ- بين أن : } 2 - u_{n+1} < \frac{2 - u_n}{2}$$

$$\text{ب- بين أن : } 0 < 2 - u_n < \left(\frac{1}{2}\right)^{n-1} \text{ ثم استنتج } \lim u_n$$

التمرين (03) : نعتبر المتتالية العددية $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ المعرفة كما يلي :

$$\begin{cases} u_0 = 3 \\ u_{n+1} = \frac{5u_n - 4}{u_n + 1} \end{cases}$$

1/ بين أنه من أجل كل عدد طبيعي n ، $u_n > 2$

2/ ادرس رتبة المتتالية $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ واستنتج أن $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ متقاربة واحسب $\lim u_n$

3/ لتكن (v_n) المتتالية المعرفة على \mathbb{N} كما يلي : $v_n = \frac{1}{u_n - 2}$

أ- بين أن المتتالية (v_n) حسابية حدد أساسها وحدها الأول

ب- احسب نهاية المتتالية (u_n) بطريقة أخرى .

التمرين (04) نعتبر المتتالية العددية $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ المعرفة كما يلي :

$$\begin{cases} u_0 = \frac{\pi}{3} \\ u_{n+1} = \frac{\pi}{4} - \frac{u_n}{2} \end{cases} \quad \text{1/ نضع : } v_n = u_n - \frac{\pi}{6}$$

(أ) بيّن أن (v_n) متتالية هندسية يطلب تعيين أساسها وحدها الأول
 (ب) عبر عن (v_n) ثم عن (u_n) بدلالة n
 2/ احسب نهاية (u_n)

3/ احسب المجموعين S_1 و S_2 حيث :

$$S_1 = \sum_{k=1}^{k=n} v_k \quad , \quad S_2 = \sum_{r=1}^{r=n} u_r$$

التمرين (05) لتكن المتتالية (U_n) و (V_n) المتتاليتين المعرفتين كما يلي :

$$\begin{cases} U_0 = 3 \\ U_{n+1} = \frac{V_n + U_n}{2} \end{cases} \quad , \quad \begin{cases} V_0 = 4 \\ V_{n+1} = \frac{V_n + U_{n+1}}{2} \end{cases}$$

1/ احسب : U_1 و V_1 و U_2 و V_2

2/ لتكن المتتالية (W_n) المعرفة من اجل كل عدد طبيعي n بـ : $W_n = V_n - U_n$
 (أ) برهن أن (W_n) متتالية هندسية . (ب) عبر عن W_n بدلالة n
 3/ ادرس اتجاه كل من (U_n) و (V_n) ثم برهن أنهما متجاورتان

4/ لنفرض المتتالية (T_n) المعرفة من اجل كل عدد طبيعي n بـ : $T_n = \frac{U_n + 2V_n}{3}$
 (أ) برهن أن المتتالية (T_n) ثابتة . (ب) استنتج U_n و V_n بدلالة n
 (ب) احسب نهاية كل منهما بطريقتين

التمرين (06) : نعتبر المتتالية العددية $(u_n)_{n \in \mathbb{N}^*}$ المعرفة كما يلي :

$$\begin{cases} u_1 = -1 \\ u_{n+1} = \frac{n}{2(n+1)} u_n + \frac{3(n+2)}{2(n+1)} \end{cases}$$

1/ برهن أن (u_n) محدودة من الأعلى بالعدد 3

2/ ادرس رتبة المتتالية (u_n) . استنتج أن (u_n) متقاربة احسب نهايتها

3/ نضع من أجل كل عدد طبيعي غير معدوم n ، $v_n = n(3 - u_n)$
 (أ) برهن ان المتتالية (v_n) هندسية
 (ب) عبر عن v_n ثم u_n بدلالة n .
 (ج) جد نهاية المتتالية u_n من جديد

4/ احسب المجموعين : $S_1 = v_1 + v_2 + \dots + v_n$ و $S_2 = v_1^2 + v_2^2 + \dots + v_n^2$

التمرين (07)

- نعرف متتالية (u_n) على المجموعة N بـ : $u_0 = 2$ ومن أجل كل عدد n ، $u_n - 2u_{n+1} = 2n + 3$.
1. برهن بالتراجع أنه من أجل كل عدد طبيعي n ، $u_n = 2^{-n} - 2n + 1$.
 2. (v_n) متتالية معرفة على N على بـ : $v_n = u_n + tn - 1$.
 - أ - بين أنه إذا كان $t \neq 2$ ، فإن المتتالية (v_n) تكون متباعدة .
 - ب - أثبت أنه يوجد عدد طبيعي t ؛ تكون من أجله المتتالية (v_n) هندسية يطلب تحديد أساسها وحدّها الأول .
 - ج - أحسب بدلالة n المجموع S_n حيث : $S_n = v_0 + v_1 + \dots + v_n$.
 3. في المستوي المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس نعتبر النقاط A ، B ، C و G حيث : $2\vec{GA} + 3\vec{GB} + \lambda\vec{GC} = \vec{0}$ مع λ عدد حقيقي .
عيّن λ حتى تكون النقطة G مرجّحا للنقط A ، B و C المرفقة بالمعاملات s_0 ، s_1 و s_2 على الترتيب

- ## التمرين (08)
- نعتبر المتتالية العددية $(u_n)_{n \in N}$ المعرفة كما يلي :
- $$\begin{cases} u_0 = 9 \\ u_{n+1} = \frac{8u_n - 6}{u_n + 1} \end{cases}$$

1/ لتكن الدالة f ذات المتغير الحقيقي x حيث : $f(x) = \frac{8x - 6}{x + 1}$

أ) ادرس تغيرات الدالة f وارسم المنحني (C_f) الممثل للدالة f في معلم متعامد ومتجانس (O, \vec{i}, \vec{j}) ثم استعمل المنحني (C_f) لرسم النقاط A_1 ، A_2 ، A_3 التي فواصلها u_1 ، u_2 ، u_3 ،

على الترتيب . ب) برهن أن $(u_n)_{n \in N}$ متناقصة تماما وأنها محدودة من الأسفل بالعدد 6
ج) ماذا تستنتج بالنسبة للمتتالية $(u_n)_{n \in N}$.

2/ أ) اثبت المتراجحة التالية : $|u_{n+1} - 6| < \frac{2}{7}|u_n - 6|$

ب) استنتج من جديد أن المتتالية $(u_n)_{n \in N}$ متقاربة .

3/ لتكن المتتالية (v_n) حيث : $v_n = \frac{u_n - 6}{u_n - 1}$

أ) برهن أن (v_n) متتالية هندسية . ب) احسب بدلالة n
ج) استنتج أن (u_n) متقاربة

- ## التمرين (09)
- نعتبر المتتالية العددية (u_n) المعرفة كما يلي : $u_0 = 1$ و $u_{n+1} = \frac{u_n^3}{3u_n^2 + 1}$ لكل n من N

1/ أ- بين أن $u_n > 0$ لكل n من N . ب- بين أن المتتالية (u_n) متناقصة و ماذا تستنتج؟

2/ أ- بين أن $u_{n+1} < \frac{1}{3}u_n$ لكل n من N

ب- استنتج أن : $u_n \leq \left(\frac{1}{3}\right)^n$ لكل n من N ثم احسب $\lim u_n$

التمرين (10): لتكن المتتالية العددية (u_n) المعرفة كما يلي: $u_0 \in [0,1]$ و $u_{n+1} = \sqrt{\frac{1+u_n}{2}}$

- (1) بين أنه من أجل كل عدد طبيعي n : $0 \leq u_n \leq 1$
 (2) أثبت أن المتتالية (u_n) متزايدة - أسـتنتج أنها تقبل نهاية يطلب حسابها
 (3) نضع : $u_0 = \cos(\theta)$ / $\theta \in \left[0, \frac{\pi}{2}\right]$

أ) برهن بالتراجع أن : $u_n = \cos\left(\frac{\theta}{2^n}\right)$. ب) أحسب نهاية (u_n)

التمرين (11): المتتالية العددية المعرفة كما يلي: $u_0 = 1$ و $4u_{n+1} = u_n - 4$

- 1/ برهن أنه من أجل كل عدد طبيعي n : $3u_n + 4 \geq 0$
 2/ برهن أن المتتالية (u_n) متناقصة تماما وماذا تستنتج ؟
 3/ (v_n) متتالية عددية معرفة بـ : $v_n = 3u_n + \alpha$
 أ- عين العدد الحقيقي α حتى تكون المتتالية (v_n) هندسية - عين أساسها وحدها الأول
 ب - أحسب عبارة u_n بدلالة n ثم استنتج أنها متقاربة

(4) احسب المجموع : $S = \sum_{k=0}^{n-1} v_k^3$ و الجداء : $\prod_{k=0}^{n-1} v_k$

التمرين (12): متتالية عددية معرفة كما يلي: $u_0 = 1$ و $u_{n+1} = \frac{-7u_n - 8}{2u_n + 1}$

- (1) أحسب: u_1, u_2 (2) أثبت أن: $u_n \neq -2$ لكل عدد طبيعي n
 (3) لتكن المتتالية العددية (t_n) المعرفة كما يلي: $t_n = \frac{2u_n + 1}{u_n + 2}$

أ) أحسب الحدود: t_0, t_1, t_2
 ب) أثبت أن (t_n) متتالية حسابية يطلب تعيين الأساس.

جـ) أحسب t_n بدلالة n ثم استنتج u_n بدلالة n و احسب $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n$
 (4) عين الأعداد الطبيعية n حتى يكون u_n عدد صحيح.

التمرين (13): $(u)_{n \in \mathbb{N}^*}$ متتالية هندسية متناقصة حيث :

$$u_1^2 + u_2^2 + u_3^2 = 84 \quad \text{و} \quad u_1 \times u_2 \times u_3 = 64$$

- 1/ احسب الحدود : u_2 ثم u_1, u_3 والأساس r للمتتالية .
 2/ عبّر عن u_n بدلالة n و ادرس تقارب المتتالية $(u)_{n \in \mathbb{N}^*}$
 3/ احسب بدلالة n المجموع S حيث : $S = u_1 + u_2 + \dots + u_n$ و $\lim_{n \rightarrow +\infty} S$
 4/ احسب بدلالة n المجموع S' حيث : $S' = \frac{1}{u_1} + \frac{1}{u_2} + \dots + \frac{1}{u_n}$

التمرين (14): متتالية هندسية حدودها موجبة بحيث: $u_1 = 1$ و $u_3 + u_5 = 20$

1 - أوجد أساس هذه المتتالية وحدد اتجاه تغيرها

2- احسب بدلالة n المجموع: $u_1 + u_2 + \dots + u_n$

لتكن المتتالية العددية (v_n) المعرفة كما يلي: $v_n = 3 \cdot u_n^2 + 2 \cdot 3^n$

3- احسب بدلالة n المجموع S_n حيث $S_n = v_1 + v_2 + \dots + v_n$

التمرين (15) نعتبر المتتالية العددية $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ المعرفة بـ

$$u_0 = 1 \text{ و } u_{n+1} = 1 + \frac{1}{1+u_n} \text{ لكل عدد طبيعي } n$$

1/ احسب u_1 ، u_2 و u_3 .

2/ بيّن أنه لكل عدد طبيعي n ، $1 \leq u_n \leq \frac{3}{2}$

3/ اثبت انه من أجل كل عدد طبيعي n غير معدوم ، $|u_{n+1} - u_n| \leq \frac{1}{4} |u_n - u_{n-1}|$

4/ نعتبر المتتاليتين العدديتين (x_n) و (y_n) المعرفتين كما يلي: $x_n = u_{2n}$ و $y_n = u_{2n+1}$ لكل $n \in \mathbb{N}$

أ- بيّن انه لكل عدد طبيعي n ، $y_n = 1 + \frac{1}{1+x_n}$

ب- بيّن انه $x_n \leq y_n$ لكل $n \in \mathbb{N}$

ج- ادرس اتجاه كل من (x_n) و (y_n) ثم برهن أنهما متجاورتان يطلب تحديد نهايتهما

5/ بين انه : $|u_{n+1} - \sqrt{2}| \leq \frac{1}{4} |u_n - \sqrt{2}|$ لكل $n \in \mathbb{N}$ واستنتج نهاية (u_n)

التمرين (16) المتتالية العددية $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ معرفة بحددها الأول u_0 وبعلاقة التراجع الآتية :

$$u_{n+1} = \frac{7u_n + 2}{u_n + 8} \text{ من أجل كل عدد طبيعي } n$$

(1) عيّن قيم u_0 التي من أجلها تكون المتتالية (u_n) ثابتة.

(2) نفرض: $u_0 = 0$

(أ) احسب u_1, u_2 ثم أثبت أنه من أجل كل عدد طبيعي n ، $0 \leq u_n \leq 1$

(ب) أدرس اتجاه تغير المتتالية (u_n)

(ج) ادرس تقارب المتتالية (u_n) واحسب نهايتها

(3) لتكن المتتالية العددية (v_n) المعرفة كما يلي: $v_n = \frac{u_n + 2}{u_n - 1}$

(أ) أثبت أن المتتالية (v_n) هندسية ، يطلب حساب حددها الأول و أساسها.

(ب) عبّر عن u_n بدلالة n ثم احسب نهاية (u_n)

(ج) احسب كلا من S_n و P_n إذا علمت أن :

$$S_n = v_0 + v_1 + \dots + v_n \text{ و } P_n = v_0 \times v_1 \times \dots \times v_n$$

التمرين (17) المتتالية العددية $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ معرفة بحدها الأول $u_0 = \frac{1}{2}$ وبعلاقة التراجع الآتية :

$$u_{n+1} = \frac{1}{2}u_n + \frac{1}{3}n + \frac{2}{3} \quad \text{من أجل كل عدد طبيعي } n$$

1/ احسب u_1 ، u_2

2/ نضع : $v_n = u_n + \alpha.n$ حيث α عدد حقيقي

- أوجد العدد الحقيقي α حتى تكون المتتالية (v_n) هندسية .

3/ لتكن المتتالية العددية (t) المعرفة بـ : $t_n = u_n - \frac{2}{3}n$

أ- أثبت أن المتتالية (t) هندسية ، يطلب حساب حدها الأول و أساسها

ب- احسب t_n ثم u_n بدلالة n

4/ احسب المجموع S_n حيث : $S_n = \sum_{k=0}^{n-1} u_k$

التمرين (18) f الدالة العددية للمتغير الحقيقي x المعرفة كما يلي : $f(x) = \frac{2x-16}{x-6}$

1/ ادرس تغيرات الدالة f وارسم المنحني (C_f) الممثل للدالة f في معلم متعامد ومتجانس

2 / $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ متتالية عددية معرفة كما يلي : $u_0 = 2$ و $u_{n+1} = \frac{2u_n - 16}{u_n - 6}$

- اثبت أن المتتالية (u_n) متزايدة تماما ومحدودة من الأعلى بالعدد 4 وماذا تستنتج ؟

3/ نعتبر المتتالية (v_n) المعرفة كما يلي : $v_n = \frac{1}{u_n - 4}$

أ) اثبت أن (v_n) متتالية حسابية . ب) اكتب v_n ثم u_n بدلالة n . ج) أوجد نهاية (u_n)

التمرين (19) نعتبر المتتالية العددية $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ بحيث :

$$\begin{cases} u_0 = 20 , & u_1 = 6 \\ u_{n+1} = \frac{-1}{20}u_n + \frac{1}{20}u_{n-1} \end{cases}$$

1/ بين أن المتتالية $(v_n)_{n \geq 0}$ هندسية وان المتتالية $(w_n)_{n \geq 0}$ هندسية يطلب تعيين الأساس والحد الأول

لكل منهما بحيث : $v_n = u_{n+1} + \frac{1}{4}u_n$ و $w_n = u_{n+1} - \frac{1}{5}u_n$ لكل n من \mathbb{N}

2 / أ- اكتب كلا من v_n و w_n بدلالة n . ب- استنتج u_n بدلالة n و احسب $\lim u_n$.

3/ احسب $S_n = u_0 + u_1 + \dots + u_n$ بدلالة n واستنتج $\lim S_n$

التمرين (20) $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ متتالية عددية معرفة كما يلي : $u_0 = \frac{5}{2}$ و $u_{n+1} = \frac{1}{3}(u_n + n^2)$ لكل n من \mathbb{N}

1/ نعتبر المتتالية $(v_n)_{n \geq 0}$ المعرفة كما يلي : $v_n = u_n - \left(\frac{n^2 - 3n + 3}{2} \right)$

أ) برهن ان (v_n) متتالية هندسية يطلب تعيين أساسها وحدها الأول

ب) احسب v_n ثم u_n بدلالة n ثم ادرس تقارب (u_n)

2/ برهن بالتراجع أن لكل عدد طبيعي n : $1^2 + 2^2 + \dots + n^2 = \frac{n(n+1)(2n+1)}{6}$

3/ استنتج المجموع $S_n = u_0 + u_1 + \dots + u_n$ بدلالة n

التمرين (21) 1/ (u_n) متتالية حسابية حدها الأول u_0 = 5 و أساسها 4.

- أكتب الحد العام u_n بدلالة n - احسب المجموع: u_0 + u_1 + + u_n
إذا كان مجموع سبعة حدود متعاقبة من هذه المتتالية هو 1995. فما هو الحد الأول من هذه الحدود .

2/ (v_n)_{n \in \mathbb{N}} متتالية عددية حيث: v_0 = 32 و v_n = (2n + 1) \cdot 2^{u_n}

- برهن بالتراجع أن: 1 \times 3 \times 5 \times \dots \times (2n + 1) = \frac{(2n + 1)!}{2^n n!}

- استنتج الجداء: u_0 \times u_1 \times \dots \times u_n

التمرين (22) (u_n)_{n \in \mathbb{N}} متتالية عددية معرفة كما يلي:
$$\begin{cases} u_0 = 0, & u_1 = 1 \\ u_{n+2} = 10u_{n+1} - 9u_n \end{cases}$$

1/ لنعتبر المتتالية (w_n) المعرفة على N حيث: w_n = u_{n+1} - 9u_n

- أثبت أن (w_n) متتالية ثابتة يطلب تعيين قيمتها واستنتج أن: u_{n+1} = 9u_n + 1

2/ لنعتبر المتتالية (v_n)_{n \in \mathbb{N}} المعرفة كما يلي: v_n = u_{n+1} - u_n

أ) برهن أن (v_n)_{n \in \mathbb{N}} متتالية هندسية يطلب تعيين أساسها وحدها الأول
ب) استنتج u_n بدلالة n وبرهن بالتراجع أن: u_n عدد طبيعي

3/ احسب العددين: S_n و S'_n حيث: S_n = \sum_{k=0}^{n-1} u_k و S'_n = \sum_{r=0}^{n-1} v_r^2

التمرين (23) \alpha عدد حقيقي حيث: 0 < \alpha < \frac{\pi}{4}. (u_n)_{n \geq 1} متتالية عددية معرفة كما يلي:

u_1 = 1 + \frac{1}{2 \sin^2(\alpha)} و u_{n+1} = u_n \cdot \cos(2\alpha) + 1 لكل عدد طبيعي n غير معدوم.

1/ أثبت أنه من أجل كل عدد طبيعي n غير معدوم، u_n > 1

2/ نضع من أجل كل عدد طبيعي n غير معدوم: v_n = u_n - \frac{1}{2 \sin^2(\alpha)}

أ) أثبت أن (v_n) متتالية هندسية واكتب u_n بدلالة n و \alpha

ب) هل المتتالية (u_n)_{n \geq 1} متقاربة؟ علل جوابك

3/ نضع: S_n = u_1 + u_2 + + u_n. احسب S_n بدلالة n و \alpha ثم احسب \lim_{n \rightarrow +\infty} S_n

التمرين (24) (u_n)_{n \in \mathbb{N}} المتتالية المعرفة كما يلي:
$$\begin{cases} u_0 = 0 \\ u_{n+1} = \sqrt{6 - u_n} \end{cases}$$

1/ ادرس تغيرات الدالة f حيث: f(x) = \sqrt{6-x} وحدد f([0,6])

2/ بين أن 0 \leq u_n \leq 6 لكل عدد طبيعي n.

3/ نضع: v_n = u_{2n} و w_n = u_{2n+1}

- بين أن v_n \leq w_n (لكل عدد طبيعي n) و أن (v_n) متزايدة و (w_n) متناقصة

4/ بين أن |u_{n+1} - 2| \leq \frac{1}{2} |u_n - 2| (لكل عدد طبيعي n) واستنتج أن (u_n) متقاربة واحسب \lim u_n

5/ بين أن (v_n) و (w_n) متجاورتان وحدد نهايتهما المشتركة.

التمرين (25) برهن بالتراجع أن :

- (1) لكل عدد طبيعي n غير معدوم
 $(1 \times 2^0) + (2 \times 2^1) + (3 \times 2^2) + \dots + (n \times 2^{n-1}) = 1 + (n-1) \cdot 2^n$
- (2) لكل عدد طبيعي n ، $1 - 3 + 5 - 7 + \dots + (-1)^n \cdot (2n+1) = (-1)^n \cdot (n+1)$ ،
- (3) لكل عدد طبيعي n ، $1 + 2^3 + 3^3 + \dots + n^3 = \frac{1}{4} \cdot n^2 \cdot (n+1)^2$ ،

التمرين (26) برهن بالتراجع أن :

- (1) لكل عدد طبيعي n غير معدوم ، العدد $3 \times 5^{2n-1} + 2^{3n-2}$ يقبل القسمة على 17.
- (2) لكل عدد طبيعي n ، العدد $3n^3 + 6n$ مضاعف للعدد 9
- استنتج أن مجموع مكعبات ثلاثة أعداد طبيعية متعاقبة يقبل القسمة على 9.
- (3) لكل عدد طبيعي n ، العدد $2^{6n+5} + 4 \times 5^{2n+1}$ يقبل القسمة على 13.

التمرين (27) f الدالة العددية المعرفة كما يلي : $f(x) = \sqrt{x^2 + 1}$

- من أجل كل عدد طبيعي n غير معدوم نضع : $f_1 = f$ و $f_{n+1} = f_n \circ f$
- 1/ احسب كلا من : $f_2(x)$ و $f_3(x)$ و $f_4(x)$
- 2/ أعط تخمينا لعبارة $f_n(x)$
- 3/ برهن بالتراجع التخمين الموضوع سابقا ، ثم استنتج عبارة $f_n(x)$

التمرين (28) نعتبر المتتالية $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ المعرفة كما يلي : $u_0 = 7$ و $u_{n+1} = 2u_n - 3$

- 1/ احسب : u_1 ، u_2 ، u_3 ، u_4 ثم أعط تخمينا لعبارة u_n بدلالة n
- 2/ برهن بالتراجع التخمين الموضوع سابقا ، ثم استنتج عبارة u_n بدلالة n
- 3/ f دالة تآلفية معرفة كما يلي : $f(x) = 2x - 3$
أ) أوجد العدد الحقيقي α الصامد بالدالة f
ب) (v_n) متتالية عددية معرفة كما يلي : $v_n = u_n - \alpha$. عيّن طبيعة المتتالية (v_n)
ج- اكتب v_n بدلالة n ثم استنتج u_n بدلالة n

النجاح مطلب الجميع وتحقيق النجاح الدراسي يعتبر من أولويات الأهداف لدى الطالب .. ولكل نجاح مفتاح وفلسفة وخطوات ينبغي الاهتمام بها ... ولذلك أصبح النجاح **علما وهندسة..**
النجاح فكرا يبدأ وشعورا يدفع ويحفز وعملا وصبرا يترجم .. وهو في الأخير رحلة..

الهدية

المفاتيح العشرة للنجاح الدراسي

1/ الطموح كنز لا يفنى: لا يسعى للنجاح من لا يملك طموحا ولذلك كان الطموح هو الكنز الذي لا يفنى .. فكن طموحا وانظر إلى المعالي .. يتبع